

제3장 기본적인 신호와 연산

[개념 정리]

3.1 연속 (단위) 계단 신호에 대한 다음의 설명 중 틀린 것은?

- ㉠ 단위 계단 함수는 크기 1인 상수 신호와 같다.
- ㉡ 계단 신호는 다른 신호를 켜고 끄는 스위치 역할을 할 수 있다.
- ㉢ 계단 신호는 수학적으로 임펄스 신호의 적분으로 나타낼 수 있다.
- ㉣ 사각 펄스와 같이 구간별로 불연속인 신호들은 계단 함수를 이용해 표현 가능하다.

Ans) ㉠

3.2 계단 함수를 이용한 사각 펄스 함수의 표현 중 틀린 것은?

- ㉠ $\text{rect}(t/2a) = u(-t+a) + u(t+a) - 1$
- ㉡ $\text{rect}(t/2a) = u(-t+a) - u(-t-a)$
- ㉢ $\text{rect}(t/2a) = u(-t-a) - u(t-a) + 1$
- ㉣ $\text{rect}(t/2a) = u(-t+a) \cdot u(t+a)$

Ans) ㉣

3.3 임펄스 함수에 대한 다음의 설명 중 틀린 것은?

- ㉠ 디락 델타는 물리적으로 만들 수 없지만, 크로네커 델타는 물리적으로 존재한다.
- ㉡ 연속 임펄스 함수 $\delta(t)$ 는 $t=0$ 에서 크기(값)이 1인 신호이다.
- ㉢ 연속 임펄스 함수는 계단 신호의 미분, 이산 임펄스 신호는 계단 신호의 차분과 같다.
- ㉣ 임펄스 함수는 자신이 존재하는 순간의 신호 값만 뽑아내는 체 거르기 성질을 만족한다.

Ans) ㉡

3.4 지수 함수에 대한 다음의 설명 중 옳은 것은?

- ㉠ 모든 지수 함수는 안정한 신호이다.
- ㉡ 지수 함수와 정현파는 아무런 관련이 없다.
- ㉢ 복소 지수 함수는 포락선을 따라 진동하는 파형을 보인다.
- ㉣ 지수 함수를 미분하면 형태가 다른 함수가 된다.

Ans) ㉢

3.5 신호에 대한 다음의 설명 중 틀린 것은?

- ㉠ $-3 \leq n \leq 3$ 에서 값이 1인 사각 펄스는 $u[n+3] - u[n-3]$ 으로 나타낼 수 있다.
- ㉡ $-3 < t < 3$ 에서 값이 1인 사각 펄스는 $u(t+3) - u(t-3)$ 으로 나타낼 수 있다.
- ㉢ 이산 신호는 항상 이산 임펄스 함수를 이용하여 나타낼 수 있다.
- ㉣ 이산 실수 지수 함수는 파형의 형태가 연속 실수 지수 함수보다 종류가 많다.

Ans) ㉣

3.6 이산 (복소) 정현파 신호에 대한 다음의 설명 중 틀린 것은?

- ㉠ $\cos(\sqrt{2}\pi n)$ 은 주기 신호이다.
- ㉡ $\cos(0.5\pi n)$ 과 $\cos(8.5\pi n)$ 은 같은 신호이다.
- ㉢ 이산 주기 정현파 신호가 실제로 가질 수 있는 최대 주파수는 $\Omega_{\max} = \pi$ 이다.

㉔ 이산 정현파 신호는 삼각함수의 2π 주기성으로 인해 연속 정현파 신호와 성질이 다르다.

Ans) ㉔

3.7 신호에 대한 기본 연산에 대한 다음의 설명 중 옳은 것은?

- ㉔ 라디오의 볼륨을 높이는 일은 신호의 진폭 이동에 해당한다.
- ㉔ 라디오의 다이얼을 돌려 방송국을 바꾸는 것은 신호의 척도조절에 해당한다.
- ㉔ 정현파에 DC 오프셋을 더해주는 것은 신호의 진폭 이동에 해당한다.
- ㉔ 녹음 테이프를 거꾸로 재생하는 것은 신호의 진폭 반전에 해당한다.

Ans) ㉔

3.8 신호의 시간에 대한 기본 연산에 대한 다음의 설명 중 틀린 것은?

- ㉔ 신호에 대한 미분과 적분은 신호의 시간에 대한 기본 연산이 아니다.
- ㉔ 번개가 칠 때 천둥소리가 한참 뒤에 들리는 것은 신호의 시간 이동과 관련이 있다.
- ㉔ 연속 신호에 대한 시간 척도조절은 임의의 값으로 할 수 있다.
- ㉔ $x(3t)$ 는 신호의 길이를 3배로 늘인 것이다.

Ans) ㉔

3.9 이산 신호에 대한 기본 연산에 대한 다음의 설명 중 틀린 것은?

- ㉔ 이산 신호의 진폭에 대한 기본 연산은 연속 신호의 경우와 완전히 동일하다.
- ㉔ 실제 문제에서 실시간으로 사용 가능한 것은 후향 차분이다.
- ㉔ 이산 신호에 대한 축음은 항상 정보의 손실이 따른다.
- ㉔ 이산 신호에 대한 보간 연산은 유일하다.

Ans) ㉔

3.10 신호에 대한 기본 연산에 대한 다음의 설명 중 옳은 것은?

- ㉔ $x(t)$ 에 기본 연산을 조합하여 $x(-2t+6)$ 를 얻을 때 시간 반전-시간 척도조절-시간 이동의 순으로 기본 연산을 적용하면 시간 이동은 6만큼 지연하면 된다.
- ㉔ $x[\frac{2}{3}n]$ 은 먼저 $y[n] = x[2n]$ 으로 축음한 뒤 $z[n] = y[\frac{1}{3}n]$ 으로 보간하여 구할 수 있다.
- ㉔ 기본 연산을 조합할 때 반드시 지켜야 할 우선 순위가 있다.
- ㉔ 연산 조합의 순서를 바꾸면 시간 이동 값은 달라지나, 이동 방향은 달라지지 않는다.

Ans) ㉔

$x(-2t+6) = x(-2(t-3))$ 으로 시간 이동을 맨 마지막에 적용할 경우 시간 지연 값은 3이 된다.

[기초 문제]

3.11 다음의 연속 신호를 그리고, 계단 함수 또는 램프 함수를 이용해 곱 형태가 아닌 수식 표현을 구하라.

$$(a) \ x(t) = \begin{cases} 3, & |t| < 1 \\ 2, & 1 \leq |t| < 3 \\ 1, & 3 \leq |t| < 4 \\ 0, & \text{그 외} \end{cases}$$

Ans) $x(t) = (u(t+4) - u(t-4)) + (u(t+3) - u(t-3)) + (u(t+1) - u(t-1))$
 $= u(t+4) + u(t+3) + u(t+1) - u(t-1) - u(t-3) - u(t-4)$

$$(b) \ x(t) = \begin{cases} 1, & -3 \leq t < -2 \\ t+1, & -2 \leq t < 0 \\ -t+1, & 0 \leq t < 2 \\ t-3, & 2 \leq t < 3 \\ 0, & \text{그 외} \end{cases}$$

Ans)

$$\begin{aligned} x(t) &= (u(t+3) - u(t+2)) + (t+1)(u(t+2) - u(t)) + (-t+1)(u(t) - u(t-2)) + (t-3)(u(t-2) - u(t-3)) \\ &= u(t+3) + tu(t+2) - 2tu(t) + 2(t-2)u(t-2) - (t-3)u(t-3) \\ &= u(t+3) - 2u(t+2) + (t+2)u(t+2) - 2tu(t) + 2(t-2)u(t-2) - (t-3)u(t-3) \end{aligned}$$

3.12 다음의 이산 신호를 그리고 ① 임펄스 함수, ② 계단 함수를 이용하여 표현하라.

$$(a) \ x[n] = \begin{cases} 1, & n=0 \\ 2, & n=1 \\ 3, & n=2 \\ 0, & \text{그 외} \end{cases}$$

Ans) ① 임펄스 함수 표현

$$x[n] = \delta[n] + 2\delta[n-1] + 3\delta[n-2]$$

② 계단 함수 표현

$$\begin{aligned} x[n] &= (u[n] - u[n-1]) + 2(u[n-1] - u[n-2]) + 3(u[n-2] - u[n-3]) \\ &= u[n] + u[n-1] + u[n-2] - 3u[n-3] \end{aligned}$$

$$(b) \ x[n] = \begin{cases} 2, & |n| \leq 1 \\ 1, & 1 < |n| \leq 3 \\ -1, & n = \pm 4 \\ 0, & \text{그 외} \end{cases}$$

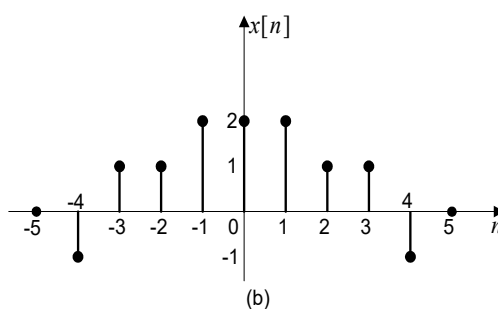
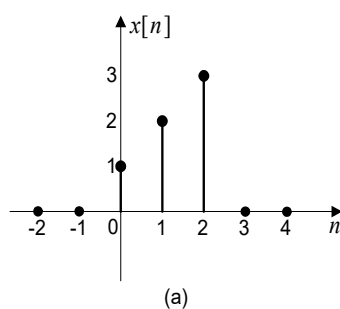
Ans) ① 임펄스 함수 표현

$$\begin{aligned} x[n] &= -\delta[n+4] + \delta[n+3] + \delta[n+2] + 2\delta[n+1] \\ &\quad + 2\delta[n] + 2\delta[n-1] + \delta[n-2] + \delta[n-3] - \delta[n-4] \end{aligned}$$

② 계단 함수 표현

$\delta[n] = u[n] - u[n-1]$ 를 위의 결과에 대입하여 표현식을 정리하면,

$$x[n] = -u[n+4] + 2u[n+3] + u[n+1] - u[n-2] - 2u[n-4] + u[n-5]$$



3.13 다음의 연속 신호를 그려라.

(a) $x_1(t) = u(-t-1) - u(t+1) + 1$

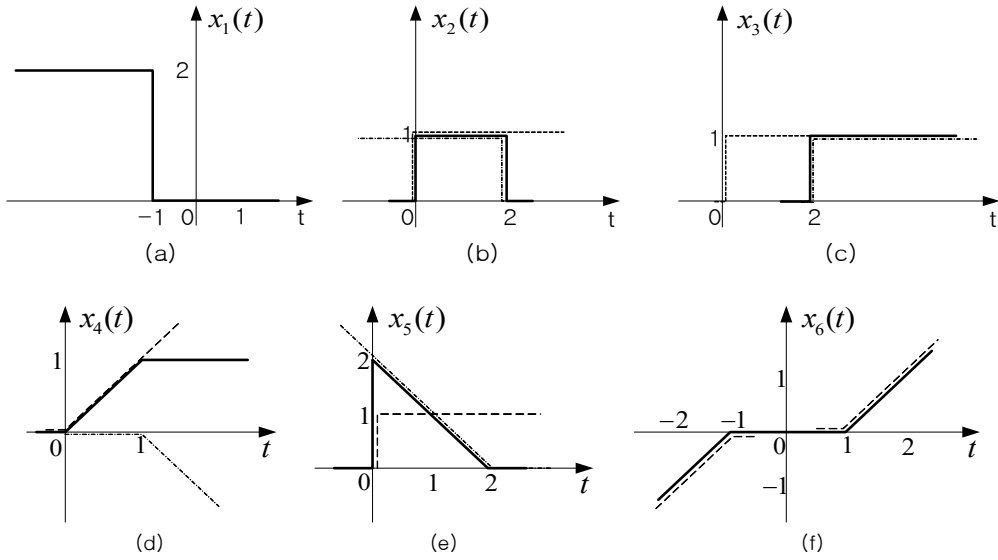
(b) $x_2(t) = u(t)u(-t+2),$

(c) $x_3(t) = u(t)u(t-2),$

(d) $x_4(t) = tu(t) - (t-1)u(t-1)$

(e) $x_5(t) = r(2-t)u(t)$

(f) $x_6(t) = -r(-t-1) + r(t-1)$



3.14 다음의 이산 신호를 그려라.

(a) $x_1[n] = n^2 (\delta[n+2] - \delta[n-2])$

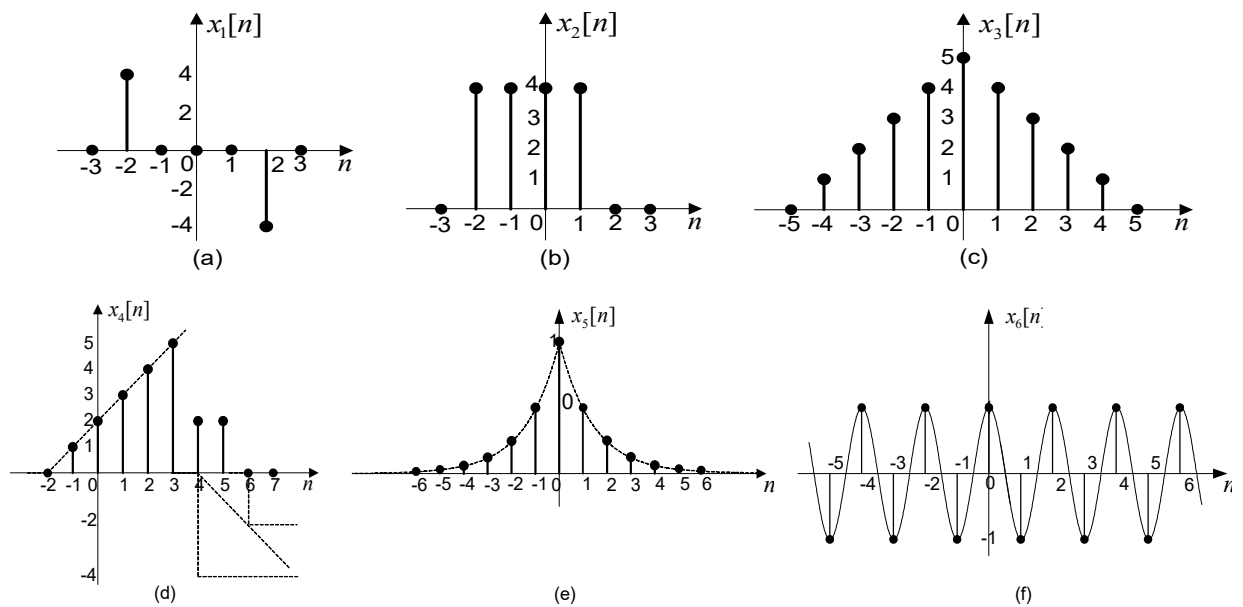
(b) $x_2[n] = \sum_{k=-\infty}^n k^2 (\delta[k+2] - \delta[k-2])$

(c) $x_3[n] = (5 - |n|)(u[n+5] - u[n-5])$

(d) $x_4[n] = (n+2)u[n+2] - nu[n-4] - 2u[n-6]$

(e) $x_5[n] = (\frac{1}{2})^{|n|}$

(f) $x_6[n] = \cos(\pi n)$



3.15 오일러 공식을 이용하여 다음 신호를 삼각 함수 합성하여 삼각 함수로 나타내라.

(a) $x(t) = 2\sin(\pi t) + 2\cos(\pi t)$

Ans) $x(t) = -j(e^{j\pi t} - e^{-j\pi t}) + (e^{j\pi t} + e^{-j\pi t}) = 2\sqrt{2}\cos(\pi t - \frac{\pi}{4})$

(b) $x(t) = 2\cos(\pi t) + 2\sqrt{3}\sin(\pi t)$

Ans) $x(t) = 2 \cdot \frac{1}{2}(e^{j\pi t} + e^{-j\pi t}) + 2\sqrt{3} \cdot \frac{1}{j2}(e^{j\pi t} - e^{-j\pi t}) = 4\cos(\pi t - \frac{\pi}{3})$

(c) $x(t) = 2\sin(\pi t + \frac{\pi}{3}) + 2\cos(\pi t + \frac{\pi}{3})$

Ans) $x(t) = \frac{1}{2}(e^{j(\pi t + \frac{\pi}{3})} + e^{-j(\pi t + \frac{\pi}{3})}) + \frac{1}{j2}(e^{j(\pi t + \frac{\pi}{3})} - e^{-j(\pi t + \frac{\pi}{3})}) = \sqrt{2}\cos(\pi t + \frac{\pi}{12})$

(d) $x(t) = -2\cos(\pi t - \frac{3\pi}{4}) + 2\sin(\pi t + \frac{\pi}{4})$

Ans) $x(t) = -2 \cdot \frac{1}{2}(e^{j(\pi t - \frac{3\pi}{4})} + e^{-j(\pi t - \frac{3\pi}{4})}) + 2 \cdot \frac{1}{j2}(e^{j(\pi t + \frac{\pi}{4})} - e^{-j(\pi t + \frac{\pi}{4})}) = 2\sqrt{2}\cos(\pi t)$

3.16 오일러 공식을 이용하여 다음 복소 신호를 삼각 함수 꼴로 나타내라.

(a) $x(t) = e^{-(2+j2)t} + e^{-(2-j2)t}$

Ans) $x(t) = e^{-2t}(e^{-j2t} + e^{j2t}) = 2e^{-2t}\cos(2t)$

(b) $x(t) = 2(1+j1)e^{(-3+j2)t}$

Ans) $x(t) = 2\sqrt{2}e^{j\frac{\pi}{4}}e^{-3t}e^{j2t} = 2\sqrt{2}e^{-3t}(\cos(2t + \frac{\pi}{4}) + j\sin(2t + \frac{\pi}{4}))$

(c) $x(t) = e^{-(2+j2)t}e^{(1+j1)t}$

Ans) $x(t) = e^{-(1+j1)t} = e^{-t}(\cos(t) - j\sin(t))$

(d) $x(t) = j(e^{-(1+j1)t} - e^{-(1-j1)t})$

Ans) $x(t) = je^{-t}(e^{-jt} - e^{jt}) = 2e^{-t}\sin(t)$

3.17 다음 중 같은 신호가 아닌 것은?

㉠ $\cos(\frac{2}{3}\pi n)$ ㉡ $\cos(\frac{8}{3}\pi n)$ ㉢ $\cos(\frac{22}{3}\pi n)$ ㉣ $\cos(\frac{32}{3}\pi n)$

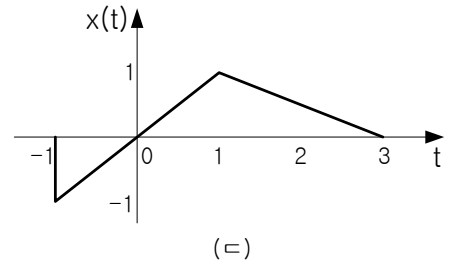
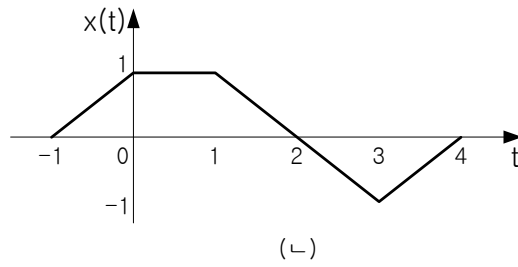
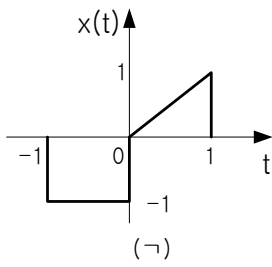
Ans) ㉣

3.18 다음 중 계단 신호 $u(t-1)$ 의 시간 반전 신호는 어느 것인가?

㉠ $u(-t+1)$ ㉡ $u(-t-1)$ ㉢ $-u(-t-1)$ ㉣ $-u(-t+1)$

Ans) ㉣

3.19 다음 그림의 신호 $x(t)$ 에 대해 다음의 신호를 그려라.



(a) $y_1(t) = 2x(t)$

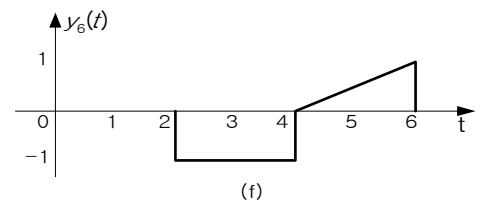
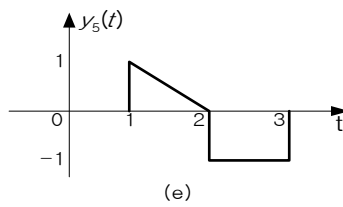
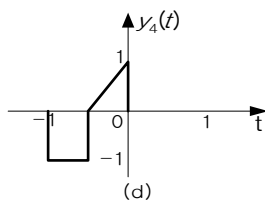
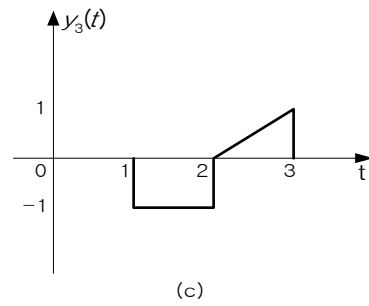
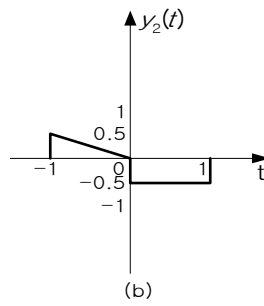
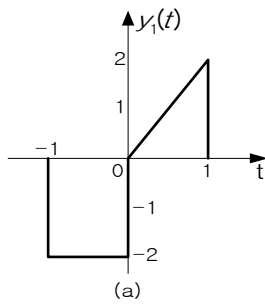
(b) $y_2(t) = 0.5x(-t)$

(c) $y_3(t) = x(t-2)$

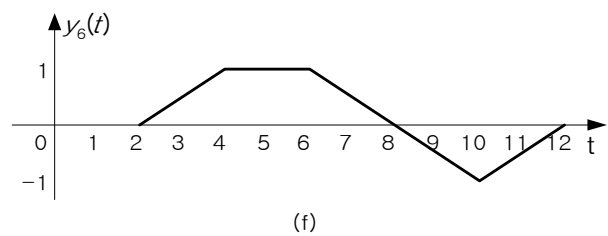
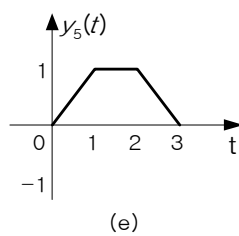
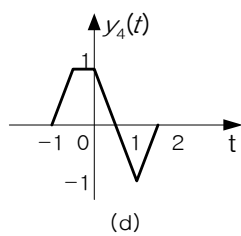
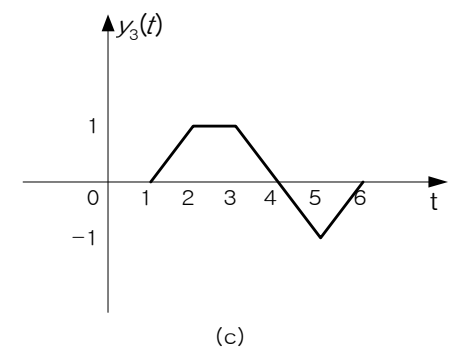
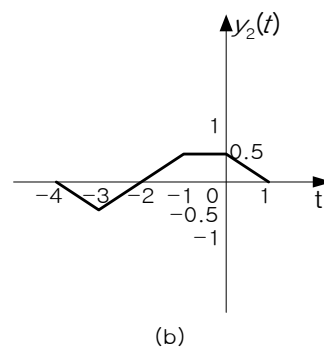
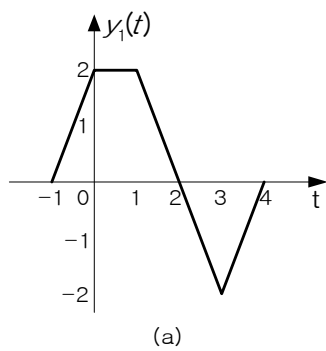
(d) $y_4(t) = x(2t+1)$

(e) $y_5(t) = x(-t+2)u(t)$

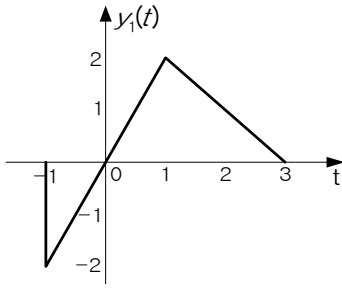
(f) $y_6(t) = x(t/2-2)$



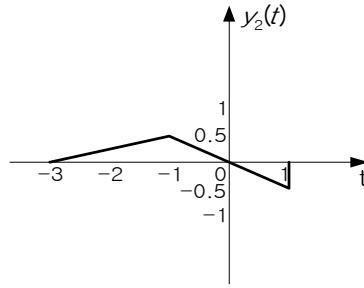
(a)



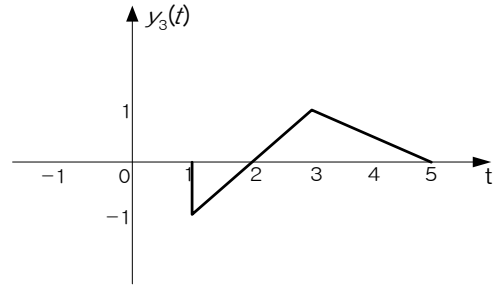
(b)



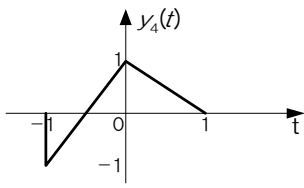
(a)



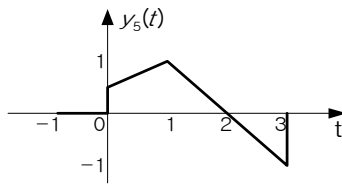
(b)



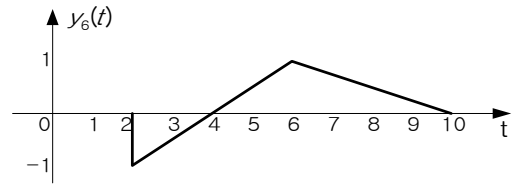
(c)



(d)



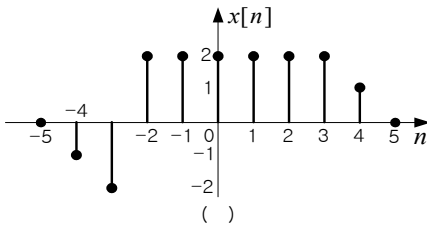
(e)



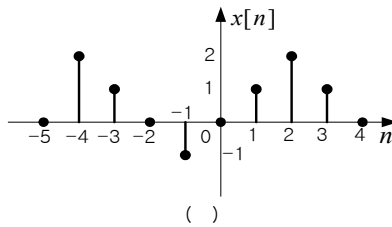
(f)

(□)

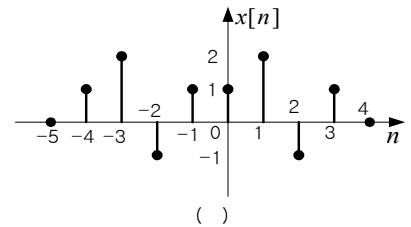
3.20 다음 그림의 신호 $x[n]$ 에 대해 다음의 신호를 그려라.



()



()



()

(a) $y_1[n] = x[n-2]$

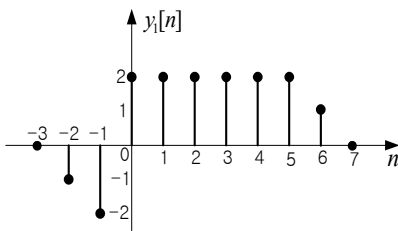
(b) $y_2[n] = x[-n+2]$

(c) $y_3[n] = x[2n-4]$

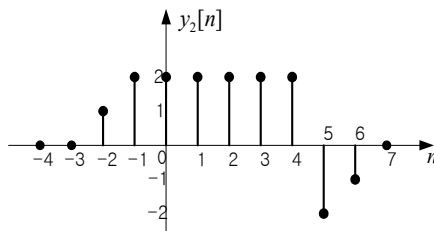
(d) $y_4[n] = x[n/2]$

(e) $y_5[n] = x[n-2]u[n-2]$

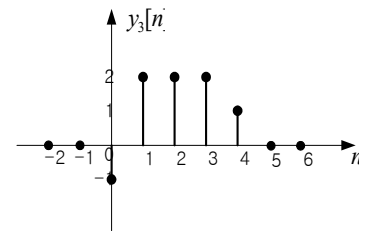
(f) $y_6[n] = x[n-2]u[n]$



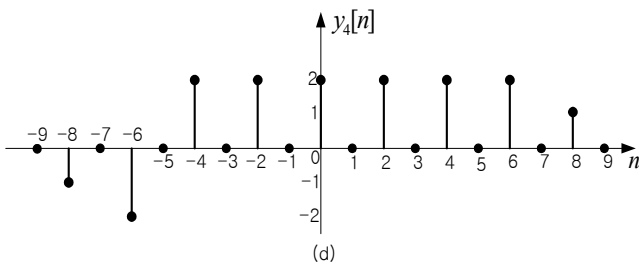
(a)



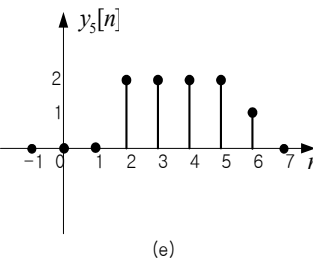
(b)



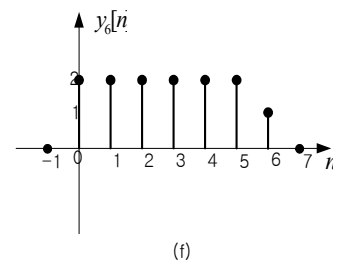
(c)



(d)

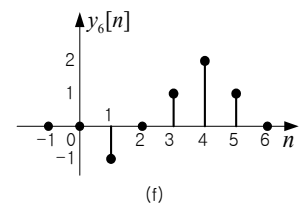
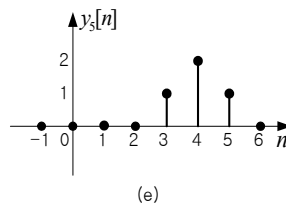
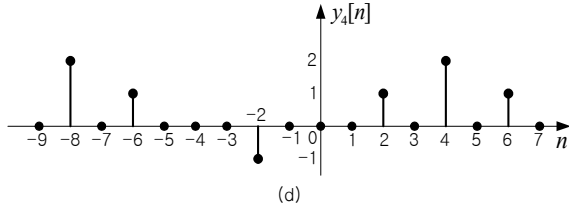
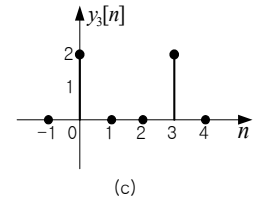
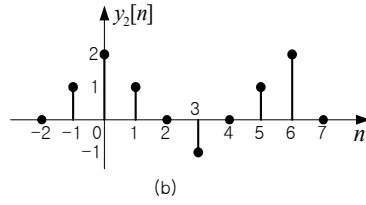
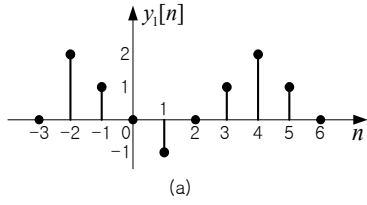


(e)

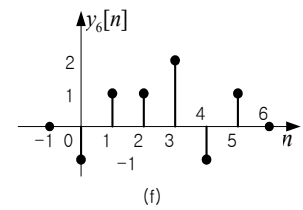
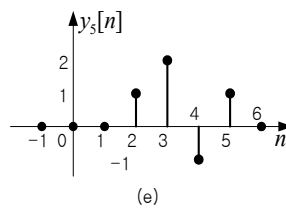
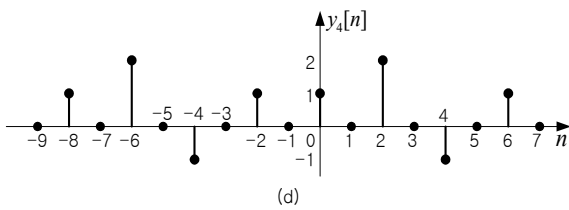
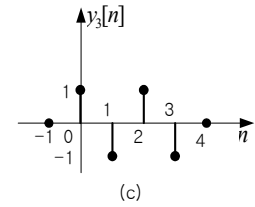
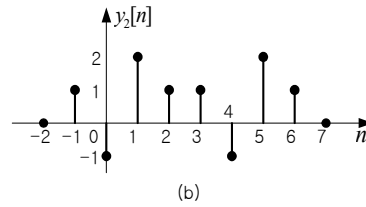
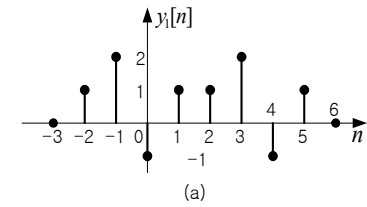


(f)

(▽)



(ㄴ)



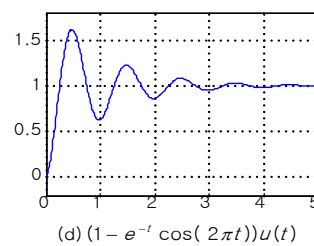
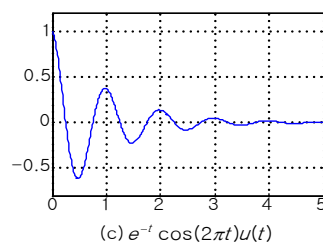
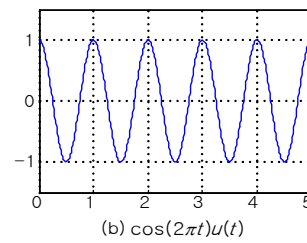
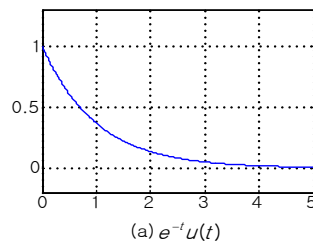
(ㄷ)

[응용 문제]

3.21 다음 연속 신호의 파형을 그려라.

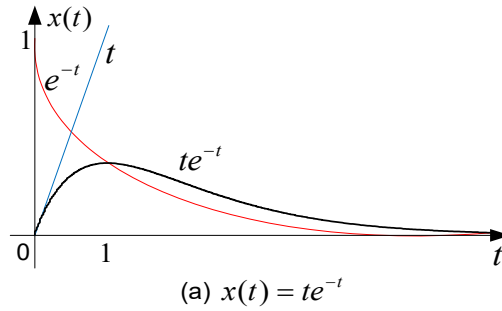
(a) $x(t) = e^{-t} \cos(2\pi t) u(t)$

(b) $y(t) = (1 - e^{-t} \cos(2\pi t)) u(t)$



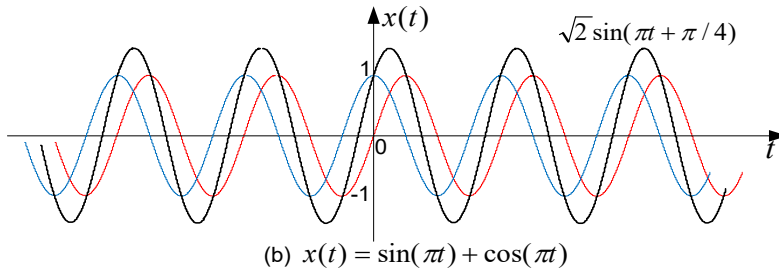
3.22 다음 연속 신호의 파형을 그려라.

$$(a) x(t) = \begin{cases} te^{-t}, & t \geq 0 \\ 0, & t < 0 \end{cases}$$



$$(b) x(t) = \sin(\pi t) + \cos(\pi t)$$

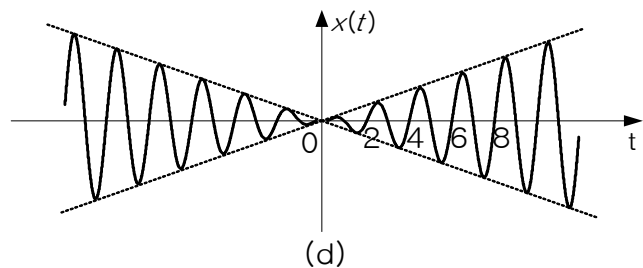
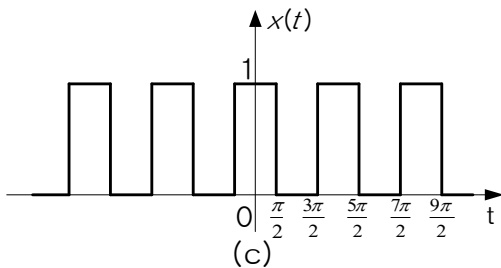
Ans) $x(t) = \sin(\pi t) + \cos(\pi t) = \sqrt{2} \sin(\pi t + \frac{\pi}{4})$



$$(c) x(t) = u(\cos(t))$$

Ans) $[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}], [\frac{3\pi}{2}, \frac{5\pi}{2}], [\frac{7\pi}{2}, \frac{9\pi}{2}], \dots$ 에서 1, 나머지 구간에서는 0이다.

$$(d) x(t) = t \sin(\pi t)$$



3.23 다음의 이산 신호를 그려라.

$$(a) x[n] = (-0.8)^n u[n]$$

$$(b) x[n] = (0.8)^n [\sin(\frac{\pi n}{4}) + \cos(\frac{\pi n}{4})]$$

$$(c) x[n] = \sum_{k=-\infty}^n k^2 (\delta[k+2] - \delta[k-2])$$

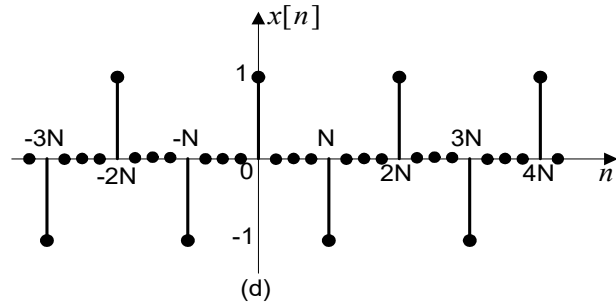
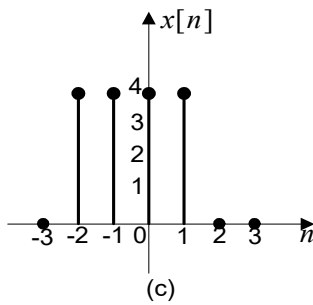
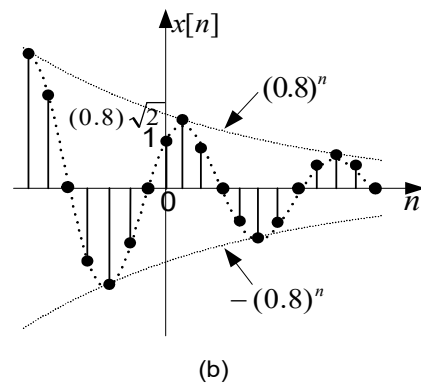
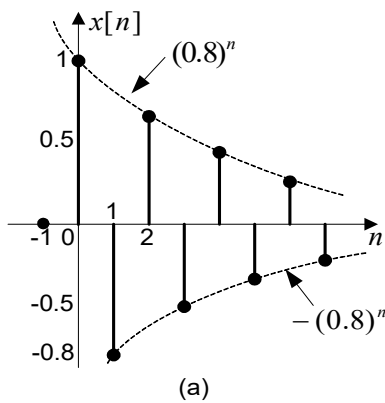
$$(d) x[n] = \cos(\frac{\pi n}{N}) \left(\sum_{k=-\infty}^{\infty} \delta[n-kN] \right) u[n]$$

Ans)

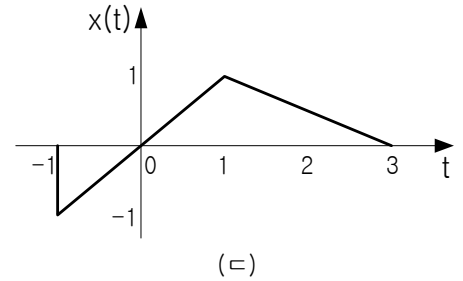
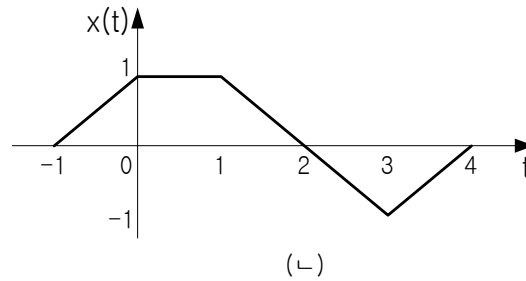
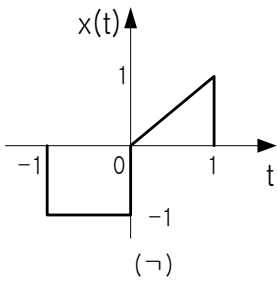
$$(b) \ x[n] = \sqrt{2}(0.8)^n \sin\left(\frac{\pi}{4}n + \frac{\pi}{4}\right)$$

$$(c) \ x[n] = \begin{cases} 0, & n < -2 \\ 4, & -2 \leq n < 2 \\ 0, & n \geq 2 \end{cases}$$

$$(d) \ x[n] = \begin{cases} (-1)^k, & n = kN \\ 0, & n \neq kN \end{cases}$$



3.24 [연습문제 3-19]의 신호에 대해 계단 신호와 램프 신호를 이용한 수식 표현을 구하라.



(a)

$$Ans) \ x(t) = \begin{cases} 1, & -1 \leq t < 0 \\ t, & 0 \leq t < 1 \\ 0, & \text{그 외} \end{cases}$$

$$x(t) = u(t+1) - u(t) + tu(t) - (t-1)u(t-1) - u(t-1) = r(t) - r(t-1) + u(t+1) - u(t) - u(t-1)$$

(ㄴ)

$$\text{Ans) } x(t) = \begin{cases} t+1, & -1 \leq t < 0 \\ 1, & 0 \leq t < 1 \\ -t+2, & 1 \leq t < 3 \\ t+4, & 3 \leq t < 4 \\ 0, & \text{그 외} \end{cases}$$

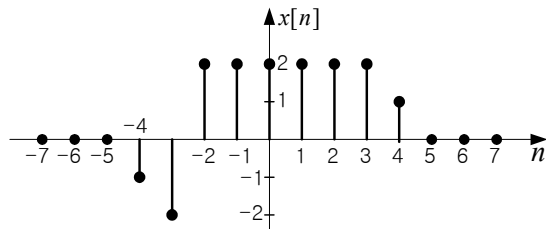
$$\begin{aligned} x(t) &= (t+1)[u(t+1) - u(t)] + 1[u(t) - u(t-1)] + (-t+2)[u(t-1) - u(t-3)] + (t-4)[u(t-3) - u(t-4)] \\ &= (t+1)u(t+1) - tu(t) - (t-1)u(t-1) + 2(t-3)u(t-3) - (t-4)u(t-4) \\ &= r(t+1) - r(t) - r(t-1) + 2r(t-3) - r(t-4) \end{aligned}$$

(ㄷ)

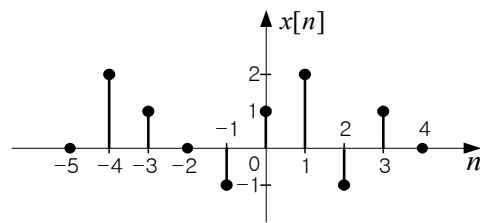
$$\text{Ans) } x(t) = \begin{cases} t, & -1 \leq t < 1 \\ -t+3, & 1 \leq t < 3 \\ 0, & \text{그 외} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} x(t) &= t[u(t+1) - u(t-1)] + (-t+3)[u(t-1) - u(t-3)] \\ &= r(t+1) - r(t-1) - u(t+1) - u(t-1) - r(t-1) + r(t-3) + 2u(t-1) \\ &= r(t+1) - 2r(t-1) + r(t-3) - u(t+1) + u(t-1) \end{aligned}$$

3.25 아래 그림의 신호를 계단 신호를 이용한 수식 표현을 구하라.



(a)



(b)

Ans) 구간별로 계단 함수로 표현된 사각 펄스를 이용하여 나타내면

$$\begin{aligned} \text{(a) } x[n] &= -(n+5)(u[n+5] - u[n+2]) + 2(u[n+2] - u[n-3]) + (-n+5)(u[n-3] - u[n-5]) \\ &= -(n+5)u[n+5] + (n+2)u[n+2] + 5u[n+2] - (n-3)u[n-3] + (n-5)u[n-5] \\ &= -(n+5)u[n+5] + (n+7)u[n+2] - (n-3)u[n-3] + (n-5)u[n-5] \end{aligned}$$

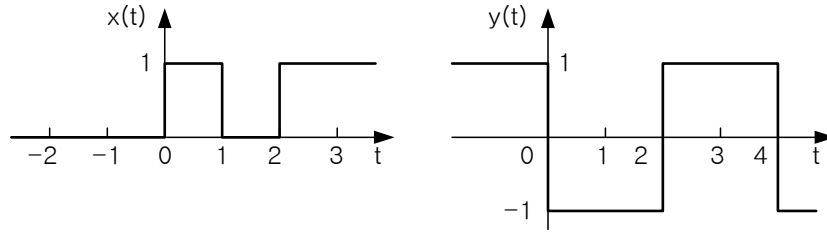
$$\begin{aligned} \text{(b) } x[n] &= -(n+2)(u[n+4] - u[n]) + (n+1)(u[n] - u[n-2]) + (2n-5)(u[n-2] - u[n-4]) \\ &= 2u[n+4] - (n+4)u[n+4] + 2nu[n] + 3u[n] + (n-2)u[n-2] - 4u[n-2] - 2(n-4)u[n-4] - 3u[n-4] \\ &= -(n+2)u[n+4] + (2n+3)u[n] + (n-6)u[n-2] - (2n-5)u[n-4] \end{aligned}$$

3.26 다음의 그림과 같이 두 신호가 주어져 있다.

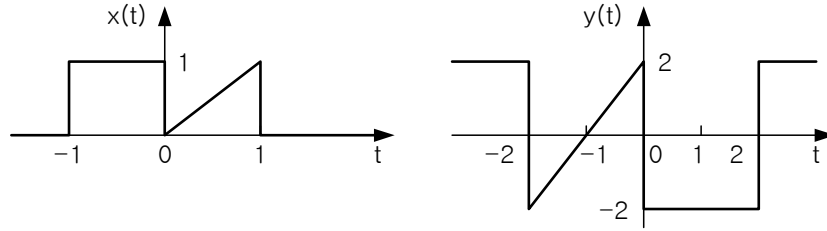
(a) 계단 함수 $u(t)$ 를 이용하여 $x(t)$ 를 표현하라.

(b) 계단 함수 $u(t)$ 를 이용하여 $y(t)$ 를 표현하라.

(c) $x(t)$ 의 함수로 $y(t)$ 를 표현하라.



()



()

Ans)

(ㄱ)

(a) $x(t) = u(t) - u(t-1) + u(t-2)$

(b) $y(t) = u(-t) - u(t) + 2u(t-2) - 2u(t-4)$

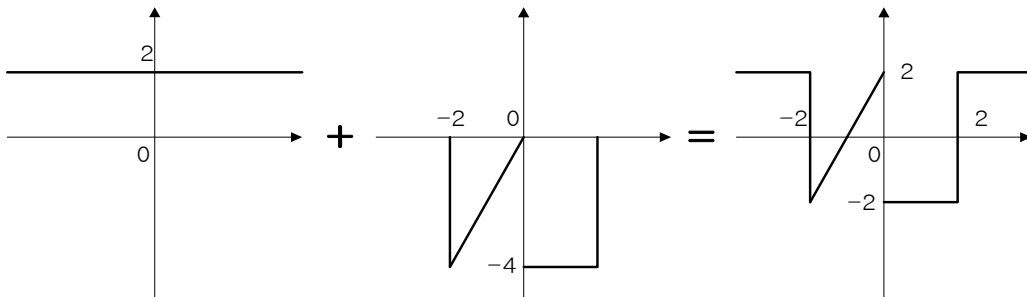
(c) $y(t) = 2x(-(t-4)/2) - 1$

(ㄴ)

(a) $x(t) = [u(t+1) - u(t)] + t[u(t) - u(t-1)] = u(t+1) - u(t) + tu(t) - (t-1)u(t-1) - u(t-1)$

(b) $y(t) = 2u(-t-2) + (2t+2)[u(t+2) - u(t)] - 2u(t) + 4u(t-2)$
 $= 2u(-(t+2)) + 2(t+2)u(t+2) - 2u(t+2) - 2tu(t) - 4u(t) + 4u(t-2)$

(c) $y(t) = -4x(-\frac{t}{2}) + 2$



3.27 다음 복소 신호를 복소 지수 함수 꼴로 나타내라.

(a) $x(t) = \cos(\pi t + \frac{\pi}{4}) + j \sin(\pi t + \frac{\pi}{4})$

Ans) $x(t) = \cos(\pi t + \frac{\pi}{4}) + j \sin(\pi t + \frac{\pi}{4}) = e^{j(\pi t + \frac{\pi}{4})}$

(b) $x(t) = -2\cos(\pi t - \frac{2\pi}{3}) + j2\sin(\pi t + \frac{\pi}{3})$

Ans) $x(t) = -[e^{j(\pi t - \frac{2\pi}{3})} + e^{-j(\pi t - \frac{2\pi}{3})}] + [e^{j(\pi t + \frac{\pi}{3})} - e^{-j(\pi t + \frac{\pi}{3})}] = 2e^{j(\pi t + \frac{\pi}{3})}$

(c) $x(t) = e^{-2t} [\cos(\pi t) - j \sin(\pi t)]$

Ans) $x(t) = e^{-2t} [\cos(\pi t) - j \sin(\pi t)] = e^{-2t} e^{-j\pi t} = e^{-(2+j\pi)t}$

(d) $x(t) = 2e^{-t} [\cos(\pi t - \frac{\pi}{2}) - j \sin(\pi t + \frac{\pi}{2})]$

Ans) $x(t) = e^{-t} \left([e^{j(\pi t - \frac{\pi}{2})} + e^{-j(\pi t - \frac{\pi}{2})}] - [e^{j(\pi t + \frac{\pi}{2})} - e^{-j(\pi t + \frac{\pi}{2})}] \right) = 2e^{-t} e^{j(\pi t - \frac{\pi}{2})}$

3.28 다음 신호에 대해 $y[n] = x[2n]$ 을 구하라.

Ans) $x[2n]$ 은 시간 값이 홀수에 해당되는 샘플들이 버려지고 짝수의 샘플들만 남게 된다.

(a) $x[n] = \begin{cases} n, & n = \text{홀수} \\ 0, & n = \text{짝수} \end{cases} \rightarrow \therefore y[n] = 0$

(b) $x[n] = \begin{cases} 1, & n = \text{홀수} \\ 2, & n = \text{짝수} \end{cases} \rightarrow \therefore y[n] = 2$

(c) $x[n] = (-1)^n \rightarrow \therefore y[n] = 1$

3.29 $x(t)$ 로부터 $x(-t/2+2)$ 를 구하기 위한 기본 연산의 조합이 옳은 것은?

- ㉠ 시간 반전 - 2배로 시간 늘이기 - 2만큼 시간 선행
- ㉡ 2배로 시간 늘이기 - 시간 반전 - 4만큼 시간 지연
- ㉢ 시간 반전 - 2만큼 시간 선행 - 2배로 시간 늘이기
- ㉣ 2만큼 시간 선행 - 시간 반전 - 2배로 시간 늘이기

Ans) ㉡, ㉣

$$x(-t/2+2) = x(-\frac{1}{2}(t-4))$$

3.30 다음과 같이 임펄스 함수가 포함된 신호를 계산하라.

(a) $\int_{-\infty}^{\infty} (t^2 - 3t + 2) \delta(t-2) dt$

Ans) $\int_{-\infty}^{\infty} (t^2 - 3t + 2) \delta(t-2) dt = t^2 - 3t + 2 \Big|_{t=2} = 2^2 - 3 \cdot 2 + 2 = 0$

(b) $\int_{-\infty}^{\infty} (\cos(t)) u(t - \frac{\pi}{4}) \delta(t) dt$

Ans) 이 적분 값은 0이 된다.

(c) $\int_{-\infty}^{\infty} (\delta(t) \cos(t) + \delta(t - \frac{\pi}{2}) \sin(t)) dt$

Ans) $\int_{-\infty}^{\infty} (\delta(t) \cos(t) + \delta(t - \frac{\pi}{2}) \sin(t)) dt = \cos(0) + \sin(\frac{\pi}{2}) = 1 + 1 = 2$

(d) $\int_{-\infty}^{\infty} \cos(3(t+2)) \delta(2t+4) dt$

Ans) $\int_{-\infty}^{\infty} \cos(3(t+2)) \delta(2t+4) dt = \cos(3(t+2)) \Big|_{t=-2} = \cos(0) = 1$

(e) $x(t) = e^{-t} \cos(10t) \delta(t)$

Ans) $x(t) = e^{-0} \cos(0) \delta(t) = \delta(t)$

(f) $x(t) = \sin(2\pi t) \sum_{k=0}^{\infty} \delta(t-k)$

Ans) $x(t) = \sin(2\pi t) [\delta(t) + \delta(t-1) + \delta(t-2) + \dots]$
 $= \sin(0) \delta(t) + \sin(2\pi) \delta(t-1) + \sin(4\pi) \delta(t-2) + \dots = 0$

(g) $x[n] = \cos(0.2\pi n) \sum_{k=0}^{\infty} \delta[n-10k]$

Ans) $x[n] = \cos(0) \delta[n] + \cos(2\pi) \delta[n-10] + \cos(4\pi) \delta[n-20] + \cos(6\pi) \delta[n-30] + \dots$
 $\therefore x[n] = 1, \quad n = 0, 10, 20, 30, 40, \dots$

(h) $x[n] = \sum_{n=-\infty}^{\infty} (2)^n \delta[n-3]$

Ans) $n=3$ 에서만 값이 존재한다.

$$x[3] = \sum_{n=-\infty}^{\infty} (2)^n \delta[n-3] = 2^3 \delta[n-3] = 8$$