

<NCS를 기반으로 한 직무 기초수학>

[문제] 답+풀이

1장

Chapter_01

[문제 1-1] 0

풀이

주어진 식에 i^{100} 을 곱하면 $i^{100}\left(1+\frac{1}{i}+\frac{1}{i^2}+\frac{1}{i^3}+\cdots+\frac{1}{i^{100}}\right)=i^{100}+i^{99}+\cdots+i^2+i=0$ 이다.

어떤 수에 0이 아닌 수를 곱하여 0이면 처음 수는 0이므로 $1+\frac{1}{i}+\frac{1}{i^2}+\frac{1}{i^3}+\cdots+\frac{1}{i^{100}}=0$ 이다.

[문제 1-2] $\frac{5}{3}$

풀이

괄호가 있으면 괄호를 먼저 풀고 곱셈과 나눗셈의 순서로 계산한다.

$$1+\frac{5}{6}\times\frac{3}{4}-\left(\frac{5}{8}-\frac{2}{3}\right)=1+\frac{5}{6}\times\frac{3}{4}-\left(-\frac{1}{24}\right)=1+\frac{15}{24}-\left(-\frac{1}{24}\right)=1+\frac{16}{24}=\frac{40}{24}=\frac{5}{3}$$

[문제 1-3] \ominus

풀이

괄호가 있으면 괄호를 먼저 풀고 곱셈과 나눗셈의 순서로 계산한다.

이때 괄호는 소괄호 (), 중괄호 { }, 대괄호 []의 순서로 계산한다. 따라서 계산 순서는 \ominus , \ominus , \ominus , \ominus , \ominus 이다.

[문제 1-4] $+0.7$

풀이

수의 대소 관계로부터 주어진 수를 작은 수부터 차례대로 나열하면 다음과 같다.

$$-3 \quad -\frac{3}{4} \quad -\frac{1}{7} \quad 0 \quad +0.7 \quad +3 \quad \frac{7}{2}$$

따라서 다섯 번째에 위치한 수는 $+0.7$ 이다.

[문제 1-5] $A=B$

풀이

두 식 A , B 의 값을 각각 구하면

$$A=105\times(10^2-1)=105\times 99=10,395, \quad B=135\times 77=10,395 \text{이다.}$$

따라서 $A=B$ 이다.

[문제 1-6] 11

풀이

$$4\oplus 2=3(4)-2(2)+3=12-4+3=11$$

[문제 1-7] (a) 145 (b) 125

풀이

$$(a) \quad 3\circ 0=3^2+0^2=9, \quad 3\circ 1=3^2-1^1=8 \text{이므로 } (3\circ 0)\diamond(3\circ 1)=9^2+8^2=81+64=145 \text{이다.}$$

$$(b) \quad 3\nabla 1=3^2+1^2=10, \quad 3\star 2=2^2-3^2=-5 \text{이므로 } (3\nabla 1)\nabla(3\star 2)=10\nabla(-5)=10^2+(-5)^2=125 \text{이다.}$$

[문제 1-8] 60

풀이

$$48\times\frac{5}{4}=12\times 5=60$$

[문제 1-9] 42.42평

풀이

1평은 약 3.3m^2 이므로 $\frac{140}{3.3} = 42.4242 \dots$ 이다.

따라서 약 42.42평이다.

[문제 1-10] 18.75근

풀이

1관=6.25근이므로 3관= $6.25 \times 3 = 18.75$ (근)이다.

[문제 1-11] 10°C

풀이

$^\circ\text{C} = (^\circ\text{F} - 32) \times \frac{5}{9}$ 이므로 $(50 - 32) \times \frac{5}{9} = 18 \times \frac{5}{9} = 10(^\circ\text{C})$

[문제 1-12] 0.083

풀이

두 타자의 타율을 소수로 나타내면 2번 타자는 0.237, 3번 타자는 0.32이고, $0.32 - 0.237 = 0.083$ 이다. 따라서 3번 타자가 2번 타자보다 타율이 0.083만큼 더 높다.

[문제 1-13] (a) 800,000 (b) 19,308

풀이

(a) $1\text{km} = 1,000\text{m}$, $1\text{m} = 100\text{cm}$ 이므로 8km 는 $8 \times 1,000 \times 100 = 800,000(\text{cm})$

(b) 1mile 은 1609m 이므로 12mile 은 $12 \times 1609 = 19,308(\text{m})$ 이다.

[문제 1-14] 309.65K

풀이

$K = ^\circ\text{C} + 273.15$ 이므로 $36.5 + 273.15 = 309.65(K)$

[문제 1-15] 90 km/h

풀이

1시간은 3,600초이므로 $25\text{m/s} = (25 \times 3,600)\text{m/h} = 90,000\text{m/h} = 90\text{km/h}$

즉, 시속 90km이다.

[문제 1-16] (a) 1,816 (b) 2 (c) 30.24

풀이

(a) 1 파운드=454g 이므로, $4 \times 454 = 1,816\text{g}$ 이다.

(b) 1 에이커=0.4ha 이므로, $5 \times 0.4 = 2\text{ha}$ 이다.

(c) 1미국 갤런=3.78L이므로, $8 \times 3.78 = 30.24\text{L}$ 이다.

[문제 1-17] 28

풀이

$12 = 1 \times 12 = 2 \times 6 = 3 \times 4$ 이므로 12의 약수는 1, 2, 3, 4, 6, 12이다. 따라서 모든 약수의 합은

$1 + 12 + 2 + 6 + 3 + 4 = 28$

[문제 1-18] 5

풀이

$3 = 1 \times 3$ 이므로 3의 약수는 1과 3뿐이다. 즉, 3의 약수는 2개이다.

$4 = 1 \times 4 = 2 \times 2$ 이므로 4의 약수는 1, 2, 4이다. 즉, 약수의 개수는 3이다. 따라서 약수의 개수의 합은 $2 + 3 = 5$

[문제 1-19] 소수: ①, ④, ⑤ 합성수: ②, ③

풀이

- ① $11 = 1 \times 11$ 이고 11의 약수의 개수는 2이므로 11은 소수이다.
② $16 = 1 \times 16 = 4 \times 4$ 이고 16의 약수의 개수는 3 이상이므로 16은 합성수이다.
③ $21 = 1 \times 21 = 3 \times 7$ 이고 21의 약수의 개수는 3 이상이므로 21은 합성수이다.
④ $31 = 1 \times 31$ 이고 31의 약수의 개수는 2이므로 31은 소수이다.
⑤ $37 = 1 \times 37$ 이고 37의 약수의 개수는 2이므로 37은 소수이다.

[문제 1-20] (a) $2^2 \times 5^4$ (b) $2^2 \times 3^3 \times 7^2$

풀이

- (a) 2가 2번, 5가 4번 곱해졌으므로 $2 \times 2 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 = 2^2 \times 5^4$
(b) 2가 2번, 3이 3번, 7이 2번 곱해졌으므로 $2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 7 \times 7 = 2^2 \times 3^3 \times 7^2$

[문제 1-21] (a) $2^2 \times 7$ (b) $2^2 \times 3 \times 5$ (c) $2^5 \times 3$ (d) $2^3 \times 3 \times 5$

풀이

각 수의 소인수를 이용하여 소인수분해하면 다음과 같다.

- (a) $28 = 2^2 \times 7$ (b) $60 = 2^2 \times 3 \times 5$ (c) $96 = 2^5 \times 3$ (d) $120 = 2^3 \times 3 \times 5$

[문제 1-22] 1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 27, 36, 54, 108

풀이

108을 소인수분해하면 $108 = 2^2 \times 3^3$ 이므로 108의 약수는 2^2 의 약수 1, 2, 2^2 과 3^3 의 약수 1, 3, 3^2 , 3^3 중에서 하나씩 골라 서로 곱하여 구할 수 있다. 이를 표로 나타내면 다음과 같다.

	1	3	3^2	3^3
1	$1 \times 1 = 1$	$1 \times 3 = 3$	$1 \times 3^2 = 9$	$1 \times 3^3 = 27$
2	$2 \times 1 = 2$	$2 \times 3 = 6$	$2 \times 3^2 = 18$	$2 \times 3^3 = 54$
2^2	$2^2 \times 1 = 4$	$2^2 \times 3 = 12$	$2^2 \times 3^2 = 36$	$2^2 \times 3^3 = 108$

따라서 108의 약수는 1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 27, 36, 54, 108이다.

[문제 1-23] 개수: 6개, 총합: 56

풀이

$28 = 2^2 \times 7$ 이므로 28의 약수의 개수는

$$(2+1)(1+1) = 6$$

한편 28의 약수의 총합은 $(1+2+2^2)(1+7) = 7 \times 8 = 56$ 이다.

[문제 1-24] (a) 90 (b) 36

풀이

(a) 최대공약수는 공통인 소인수를 모두 곱한 $2 \times 3^2 \times 5 = 90$ 이다.

(b) 두 수를 소인수분해하면 $72 = 2^3 \times 3^2$, $180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$ 이다.

따라서 최대공약수는 $2^2 \times 3^2 = 36$ 이다.

[문제 1-25] (a) 10 (b) 15

풀이

(a) 공통인 소인수는 2, 5이므로 최대공약수는 $2 \times 5 = 10$ 이다.

(b) 세 수를 소인수분해하면 $45 = 3^2 \times 5$, $60 = 2^2 \times 3 \times 5$, $75 = 3 \times 5^2$ 이다.

따라서 최대공약수는 $3 \times 5 = 15$ 이다.

(참고) 오른쪽과 같이 세 수를 한꺼번에 공통인 소인수로 나누어 최대공약수를 구할 수도 있다.

[문제 1-26] (a) 900 (b) 360

풀이

(a) 최소공배수는 $2^2, 3^2, 5^2$ 을 모두 곱한 $2^2 \times 3^2 \times 5^2 = 900$ 이다.

(b) 두 수를 소인수분해하면 $72 = 2^3 \times 3^2$, $180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$ 이다.

따라서 최소공배수는 $2^3 \times 3^2 \times 5 = 360$ 이다.

【문제 1-27】 (a) 126,000 (b) 720

풀이

(a) 최소공배수는 $2^4, 3^2, 5^3, 7$ 을 모두 곱한 $2^4 \times 3^2 \times 5^3 \times 7 = 126,000$ 이다.

(b) 세 수를 소인수분해하면 $30 = 2 \times 3 \times 5$, $36 = 2^2 \times 3^2$, $48 = 2^4 \times 3$ 이다.

따라서 최소공배수는 $2^4 \times 3^2 \times 5 = 720$ 이다.

(참고) 오른쪽과 같이 세 수를 한꺼번에 공통인 소인수로 나누어 최소공배수를 구할 수도 있다.

【문제 1-28】 최대공약수: 18, 최소공배수: 8,316

풀이

세 수를 각각 소인수분해하면 $108 = 2^2 \times 3^3$, $126 = 2 \times 3^2 \times 7$, $198 = 2 \times 3^2 \times 11$ 이다.

따라서 최대공약수는 공통인 소인수를 모두 곱한 $2 \times 3^2 = 18$ 이다.

또 최소공배수는 $2^2 \times 3^3 \times 7 \times 11 = 8,316$ 이다.

【문제 1-29】 ③

풀이

① 16과 19의 최대공약수는 1이므로 서로소이다.

② 15와 22의 최대공약수는 1이므로 서로소이다.

③ 21과 49의 최대공약수는 7이므로 서로소가 아니다.

④ 21와 29의 최대공약수는 1이므로 서로소이다.

⑤ 17과 23의 최대공약수는 1이므로 서로소이다.

【문제 1-30】 (a) 60개 (b) 빵 3개, 생수 4병

풀이

(a) 최대한 많은 상자를 만들려면 180과 240의 최대공약수를 구하면 된다. $180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$, $240 = 2^4 \times 3 \times 5$ 이므로 최대공약수는 $2^2 \times 3 \times 5 = 60$ 이다. 따라서 60개의 상자를 준비하면 된다.

(b) 상자의 최대 개수가 60이므로 각 상자에 넣을 빵은 $\frac{180}{60} = 3$ 개, 생수는 $\frac{240}{60} = 4$ 병이다.

【문제 1-31】 배추김치 5봉지, 총각김치 4봉지, 깍두기 7봉지

풀이

최대한 많은 관광객에게 나누어 주려면 150, 120, 210의 최대공약수를 구해야 한다. 150, 120, 210을 각각 소인수분해하면 다음과 같다.

$150 = 2 \times 3 \times 5^2$, $120 = 2^3 \times 3 \times 5$, $210 = 2 \times 3 \times 5 \times 7$

따라서 최대공약수는 $2 \times 3 \times 5 = 30$ 이므로 배추김치는 $\frac{150}{30} = 5$ (봉지), 총각김치는 $\frac{120}{30} = 4$ (봉지), 깍두기는 $\frac{210}{30} = 7$ (봉지)이다.

【문제 1-32】 240초 후

풀이

A형 오르골은 60초, 120초, ... 후에, B형 오르골은 80초, 160초, ... 후에 다시 음악이 시작된다. 두 오르골의 음악이 처음으로 다시 동시에 시작되는 때는 두 오르골의 음악 재생 시간의 최소공배수만큼 지난 후이다. 60과 80을 소인수분해하면 $60 = 2^2 \times 3 \times 5$, $80 = 2^4 \times 5$ 이므로 최소공배수는 $2^4 \times 3 \times 5 = 240$ 이다.

따라서 처음으로 두 오르골의 음악이 다시 동시에 시작되는 때는 재생한 지 240초 후이다.

【문제 1-33】 600개

풀이

24, 10, 12를 각각 소인수분해하면 $24 = 2^3 \times 3$, $10 = 2 \times 5$, $12 = 2^2 \times 3$ 이므로 최소공배수는 $2^3 \times 3 \times 5 = 120$ 이다. 따라서 가로 $\frac{120}{24} = 5$ (개), 세로 $\frac{120}{10} = 12$ (개), 높이 $\frac{120}{12} = 10$ (개)를 쌓을 수 있으므로 모두 $5 \times 12 \times 10 = 600$ (개)의 상자를 쌓아야 한다.

[문제 1-34] (a) a^4b^6 (b) a^3b^6 (c) $\frac{1}{ab^2}$ (d) $\frac{a^8}{b^2}$

풀이

(a) $ab^2 \times a^3b^4 = a^{1+3}b^{2+4} = a^4b^6$ (b) $(ab^2)^3 = a^{1 \times 3}b^{2 \times 3} = a^3b^6$
(c) $a^4b^3 \div (ab)^5 = a^4b^3 \div a^5b^5 = a^{-1}b^{-2} = \frac{1}{ab^2}$ (d) $a^5b^4 \div \left(\frac{b^2}{a}\right)^3 = a^5b^4 \div \frac{b^6}{a^3} = a^5b^4 \times \frac{a^3}{b^6} = a^8b^{-2} = \frac{a^8}{b^2}$

[문제 1-35] (a) 3 (b) 2 (c) 4 (d) 2

풀이

(a) $\sqrt[3]{3} \sqrt[3]{27} = \sqrt[3]{81} = \sqrt[3]{3^4} = 3$ (b) $\frac{\sqrt[3]{24}}{\sqrt[3]{3}} = \sqrt[3]{8} = \sqrt[3]{2^3} = 2$
(c) $(\sqrt[3]{16})^2 = \sqrt[3]{16^2} = \sqrt[3]{4^4} = 4$ (d) $\sqrt{\sqrt[3]{1024}} = \sqrt[6]{2^{10}} = 2$

[문제 1-36] (a) 9 (b) $\frac{1}{3}$

풀이

(a) $27^{\frac{2}{3}} = \sqrt[3]{27^2} = \sqrt[3]{(3^2)^3} = 9$ (b) $9^{-\frac{1}{2}} = 9^{\frac{-1}{2}} = \sqrt{9^{-1}} = \sqrt{\frac{1}{9}} = \frac{1}{3}$

[문제 1-37] (a) 5^{-1} (b) 7 (c) 2 (d) $\frac{3}{4}$

풀이

(a) $5^{-\frac{3}{2}} \times 5^{0.5} = 5^{-\frac{3}{2} + \frac{1}{2}} = 5^{-1}$ (b) $7^{\frac{4}{3}} \div 7^{\frac{1}{3}} = 7^{\frac{4}{3} - \frac{1}{3}} = 7$
(c) $(16^{\frac{1}{3}})^{\frac{3}{4}} = 16^{\frac{1}{3} \times \frac{3}{4}} = 16^{\frac{1}{4}} = 2$ (d) $2^{-\frac{5}{3}} 3^{\frac{3}{4}} \times (2^{\frac{2}{3}} 3^{-\frac{1}{2}})^{-\frac{1}{2}} = 2^{-\frac{5}{3}} 3^{\frac{3}{4}} \times 2^{-\frac{1}{3}} 3^{\frac{1}{4}} = 2^{-2} 3 = \frac{3}{4}$

[문제 1-38] 4배

풀이

수심이 5m인 곳에서의 빛의 세기 I_5 는 $I_5 = I_0 \times 2^{-\frac{5}{4}}$
수심이 13m인 곳에서의 빛의 세기 I_{13} 은 $I_{13} = I_0 \times 2^{-\frac{13}{4}}$
구하는 값은 $\frac{I_5}{I_{13}}$ 이므로

$$\frac{I_5}{I_{13}} = \frac{I_0 \times 2^{-\frac{5}{4}}}{I_0 \times 2^{-\frac{13}{4}}} = 2^{-\frac{5}{4}} \div 2^{-\frac{13}{4}} = 2^{-\frac{5}{4} + \frac{13}{4}} = 2^2 = 4$$

[문제 1-39] 32만 마리

풀이

처음 1만 마리의 박테리아를 배양하여 6시간 후 4만 마리가 되었으므로 $4 = 1 \times a^{6k}$ 에서 $a^{6k} = 4$ 따라서 배양 후 15시간이 되었을 때 박테리아의 개체 수는

$$1 \times a^{15k} = (a^{6k})^{\frac{5}{2}} = (2^2)^{\frac{5}{2}} = 2^5 = 32 \text{(만 마리)}$$

[문제 1-40] (a) $4x^2 + 12x + 9$ (b) $9x^2 - 24x + 16$ (c) $x^2 + x - 30$
 (d) $x^2 - 4x - 32$ (e) $4x^2 - 9b^2$ (f) $-3y^2 + 22y - 35$

풀이

- (a) $(2x+3)^2 = (2x)^2 + 2 \times 2x \times 3 + 3^2 = 4x^2 + 12x + 9$
 (b) $(3x-4)^2 = (3x)^2 - 2 \times 3x \times 4 + 4^2 = 9x^2 - 24x + 16$
 (c) $(x-5)(x+6) = x^2 + (-5+6)x + (-5) \times 6 = x^2 + x - 30$
 (d) $(x+4)(x-8) = x^2 + (4-8)x + 4 \times (-8) = x^2 - 4x - 32$
 (e) $(2x+3b)(2x-3b) = (2x)^2 - (3b)^2 = 4x^2 - 9b^2$
 (f) $(-y+5)(3y-7) = (-1 \times 3)y^2 + \{-1 \times (-7) + 5 \times 3\}y + 5 \times (-7) = -3y^2 + 22y - 35$

[문제 1-41] (a) $(a+b)(a-b)$ (b) $a^2 - b^2$

풀이

- (a) CPU의 가로 길이는 $a+b$, 세로 길이는 $a-b$ 이므로 CPU의 넓이는 $(a+b)(a-b)$ 이다.
 (b) 캐시를 코어의 아래쪽으로 옮겼을 때 CPU는 한 변의 길이가 a 인 정사각형에서 한 변의 길이가 b 인 정사각형을 제외한 부분과 같으므로 그 넓이는 $a^2 - b^2$ 이다.

[문제 1-42] 처음 정사각형보다 b^2 만큼 넓이가 줄어든다.

풀이

처음 정사각형의 넓이는 a^2 이다. 새로 만들어지는 직사각형의 가로 길이는 $a-b$ 이고 세로 길이는 $a+b$ 이므로 넓이는 $(a-b)(a+b) = a^2 - b^2$ 이다. 따라서 처음 정사각형보다 b^2 만큼 넓이가 줄어든다.

[문제 1-43] (a) $(x+5)^2$ (b) $(x-8)^2$

풀이

- (a) $x^2 + 10x + 25 = x^2 + 2 \times 5x + 5^2 = (x+5)^2$ (b) $x^2 - 16x + 64 = x^2 - 2 \times 8x + 8^2 = (x-8)^2$

[문제 1-44] (a) 25 (b) 16

풀이

- (a) $x^2 - 10x + \square = x^2 - 2 \times x \times 5 + \square$ 이므로 $\square = 5^2 = 25$
 (b) $a^2 + \square a + 64 = x^2 + \square a + 8^2$ 이므로 $\square = 2 \times 8 = 16$

[문제 1-45] $(2x+a)^2$

풀이

정사각형 ABCD의 한 변의 길이는 위의 그림과 같이 $2x+a$ 이므로 넓이는 $(2x+a)^2$ 이다. 이는 사각형 ABCD에서 쪼개어진 9개의 사각형의 넓이의 합과 같으므로

$$4 \times x^2 + 4 \times ax + a^2 = 4x^2 + 4ax + a^2 \text{과 같으므로 } 4x^2 + 4ax + a^2 = (2x+a)^2$$

따라서 금나래씨가 과장님에게 보고해야 하는 식은 $(2x+a)^2$ 이다.

[문제 1-46] (a) $(2x+3)(x+2)$ (b) $(5x+3)(x-2)$

풀이

- (a) $2x^2 + 7x + 6 = (2x+3)(x+2)$
 (b) $5x^2 - 7x - 6 = (5x+3)(x-2)$

[문제 1-47] $10a+6$

풀이

$6a^2 + 11a - 10 = (3a-2)(2a+5)$ 이므로 동물원의 가로는 $2a+5$ 이다. 따라서 동물원의 둘레의 길이는 $2\{(2a+5) + (3a-2)\} = 10a+6$ 이다.

[문제 1-48] ⑤

풀이

주어진 방정식의 x 에 3을 대입하면 ⑤가 참이다.

[문제 1-49] (a) $-3x=5$ (b) $2x=8$

풀이

(a) $+7$ 을 우변으로 이항하면 $-3x=12-7$, $-3x=5$

(b) -3 을 우변으로, $+2x$ 를 좌변으로 이항하면 $4x-2x=5+3$, $2x=8$

[문제 1-50] (a) $x=2$ (b) $x=2$

풀이

(a) 좌변에 있는 괄호를 풀면

$$-6x+5=x+1$$

좌변의 15를 우변으로, 우변의 x 를 좌변으로 이항하여 정리하면

$$-6x-x=1-15$$

$$-7x=-14$$

양변을 -7 로 나누면 $x=2$

(b) 계수를 정수로 바꾸기 위하여 양변에 10을 곱하면 $12x-8=22-3x$

좌변의 -8 을 우변으로, 우변의 $-3x$ 를 좌변으로 이항하여 정리하면 $12x+3x=22+8$, $15x=30$

양변을 15로 나누면 $x=2$ 이다.

[문제 1-51] 5마리

풀이

돌고래 x 마리에게 물고기를 4마리씩 나누어 주면 3마리가 남으므로 물고기는 $(4x+3)$ 마리이다. 또 돌고래 x 마리에게 물고기를 5마리씩 나누어 주면 2마리가 부족하므로 물고기는 $(5x-2)$ 마리이다.

그런데 물고기의 수는 같으므로 방정식 $4x+3=5x-2$ 를 풀면 된다.

$$4x-5x=-2-3, -x=-5, x=5$$

따라서 수족관에 있는 돌고래는 모두 5마리이다.

[문제 1-52] 60km

풀이

이동 거리는 $80 \times \frac{45}{60} = 80 \times 0.75 = 60(\text{km})$ 이므로 남은 거리는 $120-60=60(\text{km})$ 이다.

[문제 1-53] 3일

풀이

전체 일의 양을 1이라고 하면 금나래씨와 이루리씨가 하루에 하는 일의 양은 각각 $\frac{1}{8}$, $\frac{1}{6}$ 이다. 금나래씨와 이루리씨가 x 일 동안 함께 일하였다고 하면

$$\frac{1}{8} + \left(\frac{1}{8} + \frac{1}{6}\right)x = 1, \quad \frac{1}{8} + \frac{7}{24}x = 1, \quad 3+7x=24, \quad 7x=21, \quad x=3$$

따라서 금나래씨와 이루리씨가 함께 일한 날은 3일이다.

[문제 1-54] 160g

풀이

농도가 3%인 소금물 400g에 들어 있는 소금의 양은 $400 \times \frac{3}{100} = 12(\text{g})$

증발한 물의 양을 x g이라고 하면 소금의 양은 변하지 않으므로 $(400-x) \times \frac{5}{100} = 12$

양변에 100을 곱하면 $5(400-x)=1,200$, $2,000-5x=1,200$, $-5x=-800$ 이므로 $x=160$

따라서 증발한 물의 양은 160g이다.

[문제 1-55] 5,000원

풀이

볼펜의 원가를 x 원이라 하면 원가의 20%의 이익을 붙인 정가는 $x+0.2x=1.2x=\frac{6}{5}x$ (원)이므로 정가에서 500원을 할인한 금액은 $\left(\frac{6}{5}x-500\right)$ 원이다. 그런데 이 금액이 원가에 10%의 이익을 붙인 금액인 $x+0.1x=1.1x=\frac{11}{10}x$ (원)과 같으므로

$$\frac{6}{5}x-500=\frac{11}{10}x, \quad 12x-5,000=11x, \quad x=5,000$$

따라서 볼펜의 원가는 5,000원이다.

[문제 1-56] 80 g

풀이

처음 땅콩 과자의 무게를 x g이라고 하면 땅콩의 무게는 $0.15x$ g이고, 무게를 20 g 늘린 후의 땅콩의 무게는 $0.12(x+20)$ g이다. 이때 땅콩의 무게가 같으므로 $0.15x=0.12(x+20)$, $15x=12(x+20)$, $15x=12x+240$, $3x=240$, $x=80$ 이
따라서 땅콩 과자의 처음 무게는 80 g이다.

[문제 1-57] 8살

풀이

현재 아들의 나이를 x 살이라고 하면 금나래씨의 나이는 $5x$ 살이다.

8년 후에는 금나래씨의 나이가 아들의 나이의 3배가 되므로 $5x+8=3(x+8)$, $5x+8=3x+24$, $2x=16$, $x=8$

따라서 현재 아들의 나이는 8살이다.

[문제 1-58] (a) 시침: $0.5x^\circ$, 분침: $6x^\circ$ (b) $32\frac{8}{11}$ 분

풀이

(a) 시침은 60분 동안 30° 만큼 움직이므로 x 분 동안 $0.5x^\circ$ 만큼 움직인다. 분침은 60분 동안 360° 만큼 움직이므로 x 분 동안 $6x^\circ$ 만큼 움직인다.

(b) $180+0.5x=6x$ 에서 $360+x=12x$, $11x=360$, $x=\frac{360}{11}=32\frac{8}{11}$

따라서 구하려는 시각은 6시 $32\frac{8}{11}$ 분이다.

[문제 1-59] 16일

풀이

첫째주 토요일을 x 일이라고 하면

$$x+(x+7)+(x+14)+(x+21)=54$$

따라서 $x=3$ (일). 셋째 주 토요일은 17일이므로 금요일은 16일이다.

[문제 1-60] 7시 $\frac{60}{11}$ 분

풀이

7시 x 분에 반대 방향으로 일직선을 이룬다고 하면

시침이 움직인 각도는 $7\times 30+0.5x$

분침이 움직인 각도는 $6x$

시침과 분침이 서로 반대방향으로 일직선을 이룬다는 것은 시침의 각도가 분침의 각도보다 180° 더 큰 것이므로 $(7\times 30+0.5x)-6x=180$

따라서 $x=\frac{60}{11}$

[문제 1-61] 14

풀이

연속하는 세 짝수를 $x-2$, x , $x+2$ 라 하면, $x+2=(x-2+x)-8$, $x+2=2x-10$, $x=12$
따라서 가장 큰 수는 14이다.

[문제 1-62] 1,300명

풀이

지난해의 회원 수를 x 명이라고 하면 $(1-\frac{6}{100})x=1,222$ 즉, $0.94x=1,222$ 이다.

따라서 $x=1,222 \div 0.94=1,300$ 명이다.

[문제 1-63] 1400원

풀이

수박의 정가를 x 라하면, 판매가격은 $x-\frac{10}{100}x=\frac{9}{10}x$ 이다.

(이익)=(판매가)-(원가)이므로 $\frac{9}{10}x-1200=\frac{5}{100} \times 1200$, $x=1400$ 이므로 수박의 정가는 1400원이다.

[문제 1-64] 360,000원

풀이

$a=200,000$, $n=10$, $r=0.06$ 이므로 $S=200,000(1+0.06)^{10}=360,000$ (원)이다.

[문제 1-65] 1,800,000원

풀이

매년 말에 적립하므로 원리금의 합계는 다음과 같다.

$$S_n = a + a(1+r) + a(1+r)^2 \cdots a(1+r)^{n-1} = \frac{a\{(1+r)^n - 1\}}{r}$$

$$\begin{aligned} \text{즉, } S_{12} &= 120 + 120(1+0.04) + 120(1+0.04)^2 + 120(1+0.04)^3 + \cdots + 120(1+0.04)^{12-1} \\ &= \frac{120\{(1+0.04)^{12} - 1\}}{(1+0.04) - 1} \\ &= \frac{120 \times (1.6 - 1)}{0.04} \\ &= 1800 \end{aligned}$$

따라서 금나래씨가 받게 될 원리합계는 1,800,000원이다.

[문제 1-66] $x=21$, $y=3$

풀이

②를 x 에 대하여 정리하면

$$x = 4y + 9 \quad \cdots \cdots \textcircled{3}$$

③을 ①에 대입하면

$$\begin{aligned} 2(4y+9) - 3y &= 33, \quad 8y+18-3y=33, \quad 5y=15 \\ y &= 3 \end{aligned}$$

$y=3$ 를 ③에 대입하면

$$x = 21$$

따라서 주어진 연립방정식의 해는 $x=21$, $y=3$ 이다.

[문제 1-67] $x=2$, $y=-1$

풀이

y 를 없애기 위하여 ①의 양변에 4를 곱하고 ②의 양변에 3을 곱하면

$$\begin{aligned} \begin{cases} 8x+12y=4 & \cdots \cdots \textcircled{3} \\ 9x-12y=30 & \cdots \cdots \textcircled{4} \end{cases} \end{aligned}$$

③, ④를 변끼리 더하면

$17x = 34, \quad x = 2$
 $x = 2$ 를 ①에 대입하면
 $4 + 3y = 1, \quad y = -1$
 따라서 주어진 연립방정식의 해는 $x = 2, y = -1$ 이다.

[문제 1-68] $x = -6, y = 12$

풀이

계수를 정수로 바꾸기 위하여 ①의 양변에 10을 곱하고 ②의 양변에 6을 곱하면

$$\begin{cases} 7x + 2y = -18 & \cdots \cdots \textcircled{3} \\ 3x + 2y = 6 & \cdots \cdots \textcircled{4} \end{cases}$$

③에서 ④를 뺀다

$$4x = -24, \quad x = -6$$

$x = -6$ 을 ④에 대입하면

$$-18 + 2y = 6, \quad y = 12$$

따라서 주어진 연립방정식의 해는 $x = -6, y = 12$ 이다.

[문제 1-69] 어른 4명, 청소년 8명

풀이

박물관에 입장한 어른과 청소년의 수를 각각 x 명, y 명이라 하자.

모두 12명이 입장했으므로 $x + y = 12$, 입장료가 32,000원이므로 $4,000x + 2,000y = 32,000$

연립일차방정식을 세우면

$$\begin{cases} x + y = 12 \\ 4,000x + 2,000y = 32,000 \end{cases}$$

이 연립일차방정식을 풀면 $x = 4, y = 8$ 이다.

따라서 금나래씨가 근무하는 박물관에 입장한 어른은 4명, 청소년은 8명이다.

[문제 1-70] 걸은 거리는 4km, 달린 거리는 3km

풀이

시속 6km로 걸은 거리를 x km, 시속 9km로 달린 거리를 y km라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 7 & \cdots \cdots \textcircled{1} \\ \frac{x}{6} + \frac{y}{9} = 1 & \cdots \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

②의 양변에 18을 곱하면

$$3x + 2y = 18 \quad \cdots \cdots \textcircled{3}$$

①의 양변에 2를 곱하면

$$2x + 2y = 14 \quad \cdots \cdots \textcircled{4}$$

③에서 ④를 뺀다

$$x = 4$$

$x = 4$ 를 ①에 대입하면 $4 + y = 7, y = 3$

따라서 금나래씨가 걸은 거리는 4 km, 달린 거리는 3km이다.

[문제 1-71] (a) $x = \frac{2}{3}$ (중근) (b) $x = \frac{2 \pm \sqrt{10}}{3}$

풀이

(a) 좌변을 인수분해하면

$$(3x - 2)^2 = 0, \quad x = \frac{2}{3} \text{ (중근)}$$

(참고) 이차방정식의 두 해가 중복될 때, 이 해를 주어진 이차방정식의 **중근**이라고 한다.

(b) 계수를 정수로 만들기 위하여 양변에 분모의 최소공배수인 6을 곱하면

$$3x^2 - 4x - 2 = 0$$

$$x = \frac{-(-4) \pm \sqrt{(-4)^2 - 4 \times 3 \times (-2)}}{2 \times 3}$$

$$= \frac{4 \pm \sqrt{40}}{6} = \frac{4 \pm 2\sqrt{10}}{6} = \frac{2 \pm \sqrt{10}}{3}$$

[문제 1-72] 6명

풀이

회사 동료들 x 명으로 놓으면 한 사람이 받을 사과는 $(x+3)$ 개이므로 $x(x+3)=54$

이차방정식을 정리하면 $x^2+3x-54=0$

좌변을 인수분해하면 $(x+9)(x-6)=0$

$$x=-9 \text{ 또는 } x=6$$

그런데 동료의 수는 양수이므로 $x=6$

따라서 회사 동료는 모두 6명이다.

[문제 1-73] 18cm

풀이

정사각형의 한 변의 길이를 x cm라고 하면, 직사각형의 가로는 $(x+9)$ cm, 세로는 $(x+6)$ cm이므로

$$(x+9)(x+6)=2x^2$$

이 방정식을 정리하여 풀면

$$x^2-15x-54=0$$

$$(x+3)(x-18)=0$$

$$x=-3 \text{ 또는 } x=18$$

그런데 변의 길이는 양수이므로 $x=18$

따라서 구하는 정사각형의 한 변의 길이는 18 cm이다.

[문제 1-74] (a) $x \geq 1$ (b) $x \leq -4$

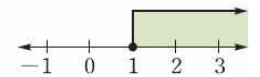
풀이

(a) 우변의 $-x$ 를 좌변으로 이항하여 정리하면

$$3x+x \geq 4, 4x \geq 4$$

양변을 4로 나누면 $x \geq 1$ 이다.

이를 수직선 위에 나타내면 오른쪽 그림과 같다.

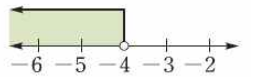


(b) 우변의 $5x$ 를 좌변으로, 좌변의 -1 을 우변으로 이항하여 정리하면

$$3x-5x > 7+1, -2x > 8$$

양변을 -2 로 나누면 $x < -4$

이를 수직선 위에 나타내면 오른쪽 그림과 같다.



[문제 1-75] (a) $<$ (b) $<$ (c) $>$ (d) $>$

풀이

(a), (b) 부등식의 양변에 같은 양수를 곱하거나 양변을 같은 양수로 나누어도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.

(c), (d) 부등식의 양변에 같은 음수를 곱하거나 양변을 같은 음수로 나누면 부등호의 방향이 바뀐다.

[문제 1-76] 98개

풀이

필요한 상자의 개수를 x 라 하면

$$30x+39 \leq 3000 \leq 35x-423$$

$$30x \leq 3000-39=2961 \therefore x \leq \frac{2961}{30}=98.7$$

$$3000 \leq 35x-423 \therefore 35x \geq 3000+423=3423 \therefore x \geq \frac{3423}{35}=97.8$$

따라서 $97.8 \leq x \leq 98.7$

따라서 상자의 개수는 98개이다.

[문제 1-77] 택시를 타고 3.5 km 미만까지 가는 경우에 버스를 타는 것보다 요금이 적게 든다.

풀이

세 사람이 x km까지 택시를 탄다고 하자.

버스 요금은 3,000원이고 $x \leq 2$ 일 때 택시 요금은 2,000원이므로 택시를 타는 것이 버스를 타는 것보다 요금이 적게 든다.

또 $x > 2$ 일 때, 택시 요금은 처음 2 km까지의 기본요금 2,000원에 2 km 이후는 150 m당 100원씩 추가되므로

$$2,000 + \frac{100}{150} \times 1,000 \times (x - 2) = 2,000 + \frac{2,000}{3}(x - 2) \text{ (원)}$$

따라서 부등식 $2,000 + \frac{2,000}{3}(x - 2) < 3,000$ 을 풀면 $x < 3.5$ 이므로 택시를 타고 3.5 km 미만까지 가는 경우에 버스를 타는 것보다 요금이 적게 든다.

[문제 1-78] $2 \leq x < 4$

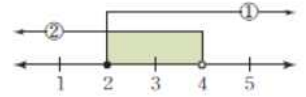
풀이

부등식 ①을 풀면 $x \geq 2$

부등식 ②를 풀면 $x < 4$

부등식 ①, ②의 해를 수직선 위에 함께 나타내면 오른쪽 그림과 같다.

따라서 구하는 해는 $2 \leq x < 4$ 이다.



[문제 1-79] 3개 이상 6개 이하

풀이

실을 수 있는 짐의 개수를 x 라고 하자. 최대 적재량은 600 kg이고 280 kg의 짐이 실려 있으므로, 더 실을 수 있는 짐의 무게는 $600 - 280 = 320$ (kg)

또 전체 짐의 무게가 최대 적재량의 $\frac{2}{3}$ 이상이 되어야 하므로 연립부등식을 세우면

$$\begin{cases} 50x \leq 320 & \dots\dots ① \\ 280 + 50x \geq 600 \times \frac{2}{3} & \dots\dots ② \end{cases}$$

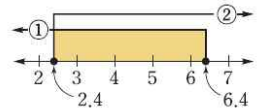
부등식 ①을 풀면 $x \leq 6.4$

부등식 ②를 풀면 $x \geq 2.4$

①, ②의 해를 수직선 위에 나타내면 오른쪽 그림과 같으므로 주어진 연립부등식의 해는

$$2.4 \leq x \leq 6.4$$

그런데 x 는 자연수이므로 금나래씨가 추가로 실을 수 있는 짐의 개수의 범위는 3개 이상 6개 이하이다.



[문제 1-80] 20 cm 이상 25 cm 미만

풀이

직사각형의 세로를 x cm라고 하면 가로는 $(x + 10)$ cm이고, 둘레의 길이는 100 cm 이상 120 cm 미만이므로

$$100 \leq 2(x + x + 10) < 120$$

위의 부등식은 다음 연립부등식과 같다.

$$\begin{cases} 100 \leq 2(2x + 10) & \dots\dots ① \\ 2(2x + 10) < 120 & \dots\dots ② \end{cases}$$

부등식 ①을 풀면 $x \geq 20$

부등식 ②를 풀면 $x < 25$

①, ②의 해를 수직선 위에 나타내면 오른쪽 그림과 같으므로 주어진 연립부등식의 해는

$$20 \leq x < 25$$

따라서 세로의 범위는 20 cm 이상 25 cm 미만이다.

